

## 8.8

## Преобразования Лапласа.

Проинтегрировав соответствующую формулу по  $a$ , проверить L19.

	$y = f(t), t > 0$ $[y = f(t) = 0, t < 0]$	$Y = L(y) = F(p) = \int_0^{\infty} e^{-pt} f(t) dt$	
L18	$e^{-at}(1 - at)$	$\frac{p}{(p+a)^2}$	$\operatorname{Re}(p+a) > 0$
L19	$\frac{\sin at}{t}$	$\arctan \frac{a}{p}$	$\operatorname{Re} p >  \operatorname{Im} a $
L20	$\frac{1}{t} \sin at \cos bt,$ $a > 0, b > 0$	$\frac{1}{2} \left( \arctan \frac{a+b}{p} + \arctan \frac{a-b}{p} \right)$	$\operatorname{Re} p > 0$

## 8.9

Используя преобразования Лапласа, решить диф. Уравнения с указанными начальными условиями.

$$5. \quad y'' + y = \sin t, \quad y_0 = 0, y'_0 = -\frac{1}{2}$$

$$6. \quad y'' - 6y' + 9y = te^{3t}, \quad y_0 = 0, y'_0 = 5$$