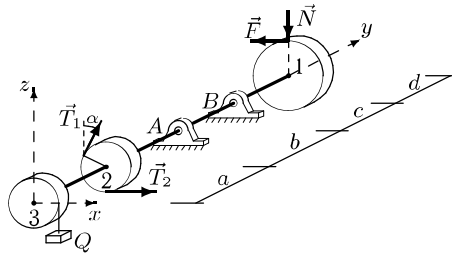


10.



$$F = 0.2N, T_1 = 70, \\ T_2 = 37, P_1 = 20, \\ P_2 = 10, P_3 = 14, \\ Q = 10, G = 35, \\ \alpha = 30^\circ, R_1 = 22, \\ R_2 = 8, R_3 = 9, \\ a = 22, b = 23, \\ c = 24, d = 25.$$

Ответы

	N	X_A	Z_A	X_B	Z_B
1	194.286	359.986	-44.654	-470.267	114.726
2	165.000	104.855	84.680	-201.855	-3.459
3	1.154	-58.706	15.924	-24.428	130.614
4	34.038	50.963	218.368	-232.001	-165.945
5	261.250	7.573	-290.264	36.936	693.129
6	136.818	86.784	74.302	-164.602	10.143
7	29.487	-38.734	77.517	-102.395	56.637
8	43.214	-75.085	-75.861	-153.627	166.078
9	411.429	46.826	647.889	21.164	-90.960
10	100.000	-161.833	-130.593	109.833	269.971

4.4 Определение усилий в стержнях, поддерживающих плиту

Постановка задачи. Однородная прямоугольная горизонтальная плита известного веса опирается на шесть невесомых шарнирно закрепленных по концам стержней. Вдоль ребра плиты действует сила. Определить усилия в стержнях.

План решения

1. Отделяем плиту от стержней, заменяя действие стержней их реакциями. Реакции направляем вдоль стержней, от плиты. Вес однородной прямоугольной плиты прикладываем к ее центру вертикально вниз.

2. Две оси системы координат направляем вдоль сторон плиты, третью — перпендикулярно ее плоскости. Начало координат помещаем в точку, в которой сходится наибольшее число стержней. Составляем

уравнения равновесия (три уравнения в проекциях на оси и три уравнения моментов относительно осей). Решаем полученную систему.

3. Выполняем проверку решения, подставляя найденные значения в уравнение моментов относительно какой-либо дополнительной оси.

ПРИМЕР. Однородная прямоугольная горизонтальная плита весом $G = 20$ кН опирается на шесть невесомых шарнирно закрепленных по концам стержней. Вдоль ребра плиты действует сила $F = 10$ кН (рис. 68). Даны размеры: $a = 7$ м, $b = 8$ м, $c = 6$ м. Определить усилия в стержнях.

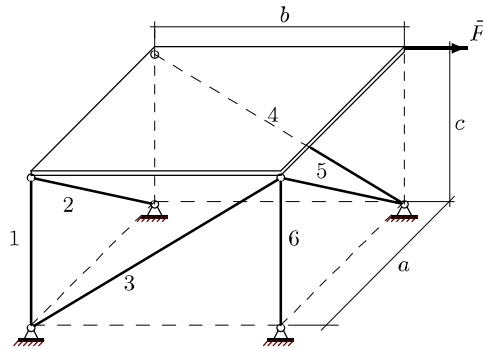


Рис. 68

Решение

1. Отделяем плиту от стержней, заменяя действие стержней их реакциями. Реакции направляем вдоль стержней, от плиты. Вес однородной прямоугольной плиты прикладываем к ее центру вертикально вниз (рис. 69).

2. Выбираем систему координат (рис. 69) и составляем уравнения равновесия. В уравнение проекций на ось x не входят силы S_1, S_3, S_4, S_6, F и G , лежащие в плоскостях, перпендикулярных Ox . В уравнение проекций на ось y не входят силы S_1, S_2, S_5, S_6 и G , лежащие в плоскостях, перпендикулярных Oy , а в уравнение проекций на вертикальную ось z входят все силы, кроме горизонтальной F :

$$\sum X_i = -S_2 \cos \alpha - S_5 \cos \alpha = 0. \quad (1)$$

$$\sum Y_i = -S_3 \cos \beta + S_4 \cos \beta + F = 0. \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \sum Z_i = -S_1 - S_2 \sin \alpha - S_3 \sin \beta - S_4 \sin \beta - \\ - S_5 \sin \alpha - S_6 - G = 0. \end{aligned} \quad (3)$$

Линии действия сил S_1, S_2, S_3 пересекают ось x , поэтому их моменты относительно этой оси равны нулю. Вычисляя момент силы S_4 относительно оси x , разложим ее на горизонтальную составляющую $S_4 \cos \beta$ с плечом c относительно x и вертикальную — $S_4 \sin \beta$, которая пересекает ось и имеет момент равный нулю.

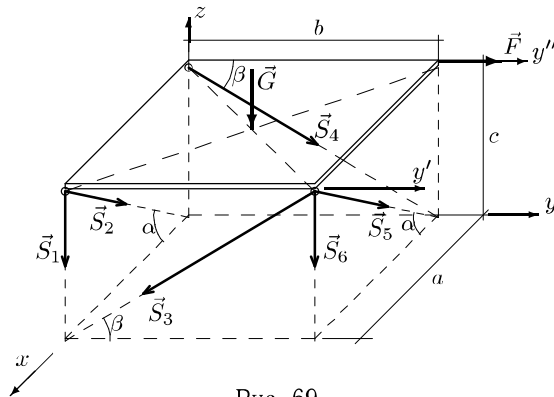


Рис. 69

Аналогично вычисляем моменты других сил и записываем все три уравнения моментов:

$$\begin{aligned}\sum M_{xi} &= -S_4 \cos \beta \cdot c - S_5 \sin \alpha \cdot b - S_6 \cdot b - F \cdot c - G \cdot b/2 = 0, \\ \sum M_{yi} &= S_1 \cdot a + S_3 \sin \beta \cdot a + S_6 \cdot a + G \cdot a/2 = 0, \\ \sum M_{zi} &= -S_3 \cos \beta \cdot a + S_5 \cos \alpha \cdot b = 0.\end{aligned}\quad (4)$$

Находим необходимые значения тригонометрических функций:

$$\begin{aligned}\sin \alpha &= \frac{c}{\sqrt{a^2 + c^2}} = \frac{6}{9.219} = 0.651, & \cos \alpha &= \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = 0.759, \\ \sin \beta &= \frac{c}{\sqrt{b^2 + c^2}} = \frac{6}{10} = 0.6, & \cos \beta &= \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = 0.8.\end{aligned}$$

Решая систему шести уравнений (1–4) с шестью неизвестными, получаем значения усилий, которые заносим в таблицу (в кН):

S_1	S_2	S_3	S_4	S_5	S_6
–2.500	3.841	–4.167	–16.667	–3.841	–5.000

3. Выполняем проверку решения, подставляя найденные значения в уравнение моментов относительно дополнительной оси y'' , прове-

денной в плоскости плиты параллельно y :

$$\begin{aligned}\sum M_{y''i} &= S_1 \cdot a + S_2 \sin \alpha \cdot a + S_3 \sin \beta \cdot a + \\ &\quad + S_5 \sin \alpha \cdot a + S_6 \cdot a + G \cdot a/2 = \\ &= -2.5 \cdot 7 + 3.841 \cdot 0.651 \cdot 7 - 4.167 \cdot 0.6 \cdot 7 - \\ &\quad - 3.841 \cdot 0.651 \cdot 7 - 5 \cdot 7 + 10 \cdot 7 = 0.\end{aligned}$$

ЗАМЕЧАНИЕ. Некоторые (или все) уравнения проекций можно заменить на уравнения моментов относительно других осей. Например, в нашей задаче вместо сложного уравнения $\sum Z_i = 0$, в которое входят все неизвестные усилия, удобно использовать более простое уравнение моментов относительно оси y' :

$$\sum M_{y'i} = -S_4 \sin \beta \cdot a - G \cdot a/2 = 0,$$

из которого сразу же находится усилие

$$S_4 = -10/0.6 = -16.667 \text{ кН},$$

а уравнение $\sum Z_i = 0$ можно использовать как проверочное, тем более, что выполнение такой проверки означает правильность сразу всех найденных усилий.

Условия задач. Однородная прямоугольная горизонтальная плита весом $G = 25 \text{ кН}$ опирается на шесть невесомых шарнирно закрепленных по концам стержней. Вдоль ребра плиты действует сила $F = 10 \text{ кН}$. Определить усилия в стержнях (в кН).

